

Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
Московский государственный университет имени М.В.Ломоносова
Филиал Московского государственного университета имени М.В.Ломоносова
в городе Сарове

УТВЕРЖДАЮ

Директор филиала МГУ в городе
Сарове

В.В. Восводин/



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Наименование дисциплины:

Математическое моделирование на платформе Python

Уровень высшего образования:

магистратура

Направление подготовки / специальность:

02.04.02 "Фундаментальная информатика и информационные технологии" (3++)

Направленность (профиль)/специализация ОПОП:

Суперкомпьютерные технологии и фундаментальная информатика

Форма обучения:

очная

Саров 2022

Рабочая программа дисциплины (модуля) разработана в соответствии с самостоятельно установленным МГУ образовательным стандартом (ОС МГУ) для реализуемых основных профессиональных образовательных программ высшего образования по направлению подготовки 02.04.02 "Фундаментальная информатика и информационные технологии" программы магистратуры - приказ МГУ 30 августа 2019 года № 1054 (в редакции приказа МГУ от 11 сентября 2019 года № 1109)

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1. Целями дисциплины являются приобретение студентами знаний и навыков по применению современных свободно распространяемых пакетов, обеспечивающих возможность проведения математического моделирования и решения прикладных задач, включая:

- основы архитектуры платформы Python;
- основные принципы построения и использования расчетных сеток;
- основные принципы решения прикладных задач методом конечных элементов (МКЭ);
- основные принципы использования платформы Python для связывания приложений генерации расчетных сеток и приложений решения прикладных задач с помощью МКЭ;
- основные принципы генерации расчетных сеток и решения прикладных задач с помощью МКЭ, используя реализованные на платформе Python специализированные пакеты;
- основные понятия, связанные с работой с файловой системой на платформе Python;
- основные понятия, связанные с обработкой результатов вычислений на платформе Python;
- основные понятия, связанные с визуализацией и анализом результатов вычислений на платформе Python.

1.2. Задачи дисциплины: ознакомление с принципами построения, параметрами и характеристиками математических моделей; основными приложениями и пакетами платформы Python, реализующими МКЭ; основами организации взаимодействия приложений на платформе Python; практическим инструментарием построения расчетных сеток и решения прикладных задач.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

А. Информация об образовательном стандарте и учебном плане.

Тип Стандарта: магистр филиала МГУ в Сарове, учебный план магистратуры;

- **направление подготовки** «Фундаментальная информатика и информационные технологии»,

наименование учебного плана «Суперкомпьютерные технологии и фундаментальная информатика»

Б. Место дисциплины в образовательном стандарте и учебном плане:

- вариативная часть;
- блок дисциплин: дисциплины по выбору студента;
- семестр –2.

В. Перечень дисциплин, которые должны быть освоены для начала освоения данной дисциплины: «Современные методы и технологии программирования».

Г. Общая трудоемкость: 3 зач. ед.; 108 ак. ч. (лекции – 36 ак. ч., самостоятельная работа – 72 ак.ч.)

3. ПЕРЕЧЕНЬ КОМПЕТЕНЦИЙ, ФОРМИРУЕМЫХ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Формируемые компетенции	Результаты обучения
-------------------------	---------------------

<p>УК-1. Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий, формулировать научно-обоснованные гипотезы, применять методологию научного познания в профессиональной деятельности.</p>	<p>Знать историю развития прикладной математики и информатики, особенности возникновения и развития основных методов, понятий, идей, научных теорий в прикладной математике и информатике; методы критического анализа проблемных ситуаций в области прикладной математики и информатики; методологию научного познания.</p> <p>Уметь Критически анализировать проблемные ситуации в области прикладной математики и информатики на основе системного подхода</p> <p>Владеть Способен формулировать научно-обоснованные гипотезы в профессиональной области.</p>
<p>ОПК-1. Способен находить, формулировать и решать актуальные проблемы в области прикладной математики, фундаментальной информатики и информационно-коммуникационных технологий.</p>	<p>Знать: Актуальные проблемы современной прикладной математики и информатики;</p> <p>Уметь: анализировать источники информации для поиска новых актуальных проблем и способов их решения;</p> <p>Владеть: навыками применения передовых технологий для решения задач прикладной математики и информатики.</p>
<p>ПК-1. Способен в рамках задачи, поставленной специалистом более высокой квалификации, определять теоретическую основу и методологию исследования, разрабатывать план исследования в области информатики и информационно-коммуникационных технологий.</p>	<p>Знать: Компьютерные технологии, математический аппарат, вычислительные методы для проведения математического моделирования и обработки данных; типовые методики проведения исследования в области информатики и информационно-коммуникационных технологий; современные методы построения и исследования вычислительных алгоритмов для решения основных классов задач, возникающих в современной науке и технике.</p> <p>Уметь: Создавать математические модели реальных явлений и процессов; разрабатывать план исследования математических моделей реальных явлений и процессов; анализировать вычислительные алгоритмы, определять область их применимости; оценивать новизну вычислительных алгоритмов</p> <p>Владеть: Способность разрабатывать план исследования в области информатики и информационно-коммуникационных технологий; методами построения и исследования вычислительных алгоритмов для решения основных классов задач, возникающих в современной науке и технике.</p>
<p>МПК-1 Способность понимать и применять в исследовательской и прикладной деятельности современные суперкомпьютерные технологии, математический аппарат, вычислительные методы для проведения крупномасштабного математического моделирования и обработки данных на современных</p>	<p>Знать: компьютерные технологии, математический аппарат, вычислительные методы для проведения крупномасштабного математического моделирования и обработки данных на современных высокопроизводительных вычислительных системах.</p> <p>Уметь: применять в исследовательской и прикладной деятельности современные компьютерные технологии, математический аппарат, вычислительные методы для проведения крупномасштабного математического моделирования и обработки данных на современных высокопроизводительных вычислительных системах;</p> <p>Владеть:</p>

высокопроизводительных вычислительных системах.	навыками разработки программ для проведения крупномасштабного математического моделирования и обработки данных на современных высокопроизводительных вычислительных системах.
---	---

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетные единицы или 108 ч., из них:

- лекции – 36 часов;
- семинары – 0 часов;
- лабораторная работа – 0 часов;
- самостоятельная работа – 72 часа.

Форма контроля – зачет.

4.1. Распределение трудоемкости по разделам и темам, а также формам проведения занятий с указанием форм текущего контроля и промежуточной аттестации:

№ п/п	Наименование разделов и тем дисциплины /	Трудоемкость (в ак. часах) по формам занятий (для дисциплин) и видам работ (для практик)			Формы контроля
		<i>Аудиторная работа (с разбивкой по формам и видам)</i>		<i>Самостоятельная работа</i>	
		<i>Лекции</i>	<i>Практические занятия (семинары)</i>		
1	Раздел 1. Программные комплексы решения прикладных задач				
	Тема 1. Комплекс трёхмерного параметрического моделирования FreeCAD	4	0	12	Домашнее задание
	Тема 2. Программы построения расчетных сеток GMSH и решения прикладных задач МКЭ CalculiX	4	0	12	Домашнее задание
2	Раздел 2. Платформа Python как среда взаимодействия приложений				
	Тема 1. Создание расчетных сеток в приложении GMSH	4	0	12	Домашнее задание
	Тема 2. Решение прикладных задач в приложении CalculiX	8	0	12	Домашнее задание
3	Раздел 3. Применение платформы Python для решения прикладных задач МКЭ				
	Тема 1. Построение и изменение расчетных сеток средствами пакетов	8	0	12	Домашнее задание

платформы Python				
Тема 2. Применение пакета FEniCS для решения прикладных задач	8		12	Домашнее задание
Итого	36	0	72	экзамен

4.1. Содержание дисциплины по разделам и темам – аудиторная и самостоятельная работа:

Раздел 1. Программные комплексы решения прикладных задач

Тема 1. Комплекс трёхмерного параметрического моделирования FreeCAD

Содержание:

Назначение и структура современных CAD/CAM/CAE комплексов. Современный свободно распространяемый программный комплекс трёхмерного параметрического моделирования FreeCAD. Структура и назначение основных компонентов программного комплекса FreeCAD. Построение параметрических 3D моделей. Подготовка расчетных сеток и описания условий задач для проведения математического моделирования с помощью МКЭ.

Решение задачи об определении частот и форм собственных колебаний квадратной пластины: 2D и 3D подходы. Решение задач термоупругости в 3D областях сложной геометрии.

Задания для самостоятельной работы:

Основы построения параметрических моделей в современных CAD-системах.

Основы построения расчетных сеток в современных CAE-системах.

Основы анализа собственных колебаний конструкции в современных CAE-системах.

Тема 2. Программы построения расчетных сеток GMSH и решения прикладных задач МКЭ CalculiX

Содержание:

Программа GMSH. Встроенный язык написания управляющих скриптов. Создание геометрии средствами встроенного ядра GEO. Создание геометрии средствами встроенного ядра OpenCASCADE. Встроенные алгоритмы построения триангуляций (Делоне, Frontal и пр.). Построение неструктурированной сетки для 2D области. Структурированные сетки для областей сложной геометрии. Понятие о порядке конечного элемента. Аппроксимация геометрии элементами различных порядков: объем вычислений и сходимости результатов.

Программа CalculiX. Решение прикладных задач с помощью МКЭ. Основные конечные элементы для проведения математического моделирования в 2D и 3D областях. Решение задачи об определении частот и форм собственных колебаний квадратной пластины: 2D и 3D подходы.

Задания для самостоятельной работы:

Решение задач построения расчетных сеток в GMSH при помощи GUI.

Написание скриптов GMSH для реализации построения сложной геометрии.

Сохранение геометрии GMSH в различных форматах хранения и передачи графических данных.

Основные типы конечных элементов CalculiX для решения двумерных задач механики.

Основные типы конечных элементов CalculiX для решения трехмерных задач механики.

Постановка задач термоупругости в CalculiX.

Раздел 2. Платформа Python как среда взаимодействия приложений

Тема 1. Создание расчетных сеток в приложении GMSH

Содержание:

Использование GMSH, как самостоятельного приложения. Интеграция возможностей языка Python и GMSH при создании геометрии средствами как встроенного ядра GEO, так и встроенного ядра OpenCASCADE. Построение неструктурированных сеток для 2D и 3D областей. Структурированные сетки для областей сложной геометрии. Работа с множествами элементов геометрии. Работа с построенными конечно-элементными моделями.

Задания для самостоятельной работы:

Изучение базовых средств реализации взаимодействия возможностей языка Python и GMSH.

Изучение алгоритмов и написание скриптов формирования геометрии и генерирования расчетных сеток для областей сложной геометрии.

Изучение алгоритмов и написание скриптов формирования постановок задач для областей, состоящих из материалов с различными свойствами.

Тема 2. Решение прикладных задач в приложении CalculiX

Содержание:

Основные концепции. Типовые приемы работы с файлами и каталогами. Структурная организация входных файлов, и файлов результатов. Основные правила работы с входными и выходными файлами. Формирование постановок задач на скриптовом языке CalculiX. Преобразование входного файла приложения ABAQUS, полученного средствами пакета GMSH, во входной файл приложения CalculiX. Использование возможностей платформы Python по созданию процессов для решения прикладных задач в приложении CalculiX.

Задания для самостоятельной работы:

Реализация скриптов на языке Python для решения задач о частотах и формах собственных колебаний многослойных пластин.

Реализация скриптов на языке Python для исследования механического состояния пластин при различных граничных условиях.

Реализация скриптов на языке Python для решения задач о распространении тепла в области сложной геометрии при различных граничных условиях.

Раздел 3. Применение платформы Python для решения прикладных задач МКЭ

Тема 1. Построение и изменение расчетных сеток средствами пакетов платформы Python

Содержание:

Использование GMSH, реализованного как пакет для платформы Python. Интеграция возможностей языка Python и GMSH при создании геометрии средствами как встроенного ядра GEO, так и встроенного ядра OpenCASCADE. Построение неструктурированных сеток для 2D и 3D областей. Структурированные сетки для областей сложной геометрии. Работа с множествами элементов геометрии. Работа с построенными конечно-элементными моделями. Импортное 3D моделей из современных форматов хранения и передачи графической информации.

Задания для самостоятельной работы:

Изучение базовых средств реализации взаимодействия возможностей языка Python и GMSH.

Изучение алгоритмов и написание скриптов формирования постановок задач для областей сложной геометрии.

Изучение алгоритмов и написание скриптов формирования постановок задач для областей, состоящих из материалов с различными свойствами.

Тема 2. Применение пакета FEniCS для решения прикладных задач

Содержание:

Базовые возможности пакета FEniCS. Определение простых областей поиска решения. Определение вариационной постановки задачи. Работа с граничными условиями Дирихле, Неймана и Робина. Работа с областями, построенными из нескольких подобластей с разными свойствами. Визуализация сетки, решения, потока и т. д. Решение уравнений в частных производных, в том числе и зависящих от времени. Оперирование с областями сложной формы, геометрия или сетка которых получена от внешних программ.

Задания для самостоятельной работы:

Вариационные постановки задач для уравнений в частных производных.

Типовые задачи для домашних заданий.

Раздел 1. Программные комплексы решения прикладных задач

Тема 1. Комплекс трёхмерного параметрического моделирования FreeCAD

1. Построить 2D модель пластины квадратной в плане и с отверстием в центре. Полагая, что пластина изготовлена из ABS-пластика, имеет заданную толщину, и жестко закреплена по периметру определить первые 5 частот в форм собственных колебаний.
2. Построить 3D модель пластины квадратной в плане и с отверстием в центре. Полагая, что пластина изготовлена из алюминиевого сплава, имеет заданную толщину, и жестко закреплена по периметру определить первые 5 частот в форм собственных колебаний.
3. Построить 3D модель элемента трубопровода с жесткими фланцами на торцах. Фланцы имеют по 8 отверстий. Полагая, что элемент изготовлен из стали, имеет заданную толщину, и жестко закреплён по по отверстиям во фланцах определить первые 5 частот в форм собственных колебаний.
4. Построить 3D модель типового элемента системы пассивного воздушного охлаждения центрального процессора. Полагая, что элемент изготовлен из алюминиевого сплава, имеет заданную толщину, равномерно нагревается по поверхности нижнего основания, и жестко закреплён по нижнему основанию определить стационарное распределение температур.
5. Построить 2D модель полосы заданной длины, жестко закрепленной по противоположным малым сторонам. Полагая, что пластина изготовлена из стали, имеет заданную толщину, и нагрета до разных температур по противоположным длинным сторонам определить максимальные перемещения, вызванные температурной деформацией.

Тема 2. Программы построения расчетных сеток GMSH и решения прикладных задач МКЭ CalculiX

1. Построить 2D модель пластины квадратной в плане и с 8-ю отверстиями, равномерно распределенными по окружности с центром на пересечении диагоналей. Сгенерировать неструктурированную треугольную сетку Делоне. Подготовить скрипт, позволяющий определить первые 5 частот в форм собственных колебаний в приложении CalculiX, при условии жесткого закрепления по периметру.
2. Построить 3D модель сквозного отверстия в многослойной пластине из композиционного материала. Полагая, что поверхность отверстия равномерно

нагревается определить стационарное распределение температур в приложении CalculiX.

3. Построить 2D модель пластины квадратной в плане и с квадратным отверстием в центре. Сгенерировать структурированную четырехугольную сетку, равномерно сгущающуюся от края к отверстию. Подготовить скрипт, позволяющий определить первые 5 частот в форм собственных колебаний в приложении CalculiX, при условии жесткого закрепления по периметру.
4. Построить 3D модель деталь в форме толстостенного, открытого с одной стороны куба с цилиндрическими патрубками в центрах вертикальных граней. Полагая, что материал изготовления алюминиевый сплав, и жесткое закрепление по нижнему основанию определить первые 5 частот в форм собственных колебаний в приложении CalculiX.
5. Построить 3D модель детали сложной геометрии с несколькими отверстиями. Полагая, что материал изготовления сталь, поверхность отверстий равномерно нагрета до заданных температур, а поверхность периметра равномерно охлаждается определить стационарное распределение температур в приложении CalculiX.

Раздел 2. Платформа Python как среда взаимодействия приложений

Выполнить домашние задания из предыдущего раздела используя возможности платформы Python для генерирования скриптов и запуска приложений как процессов.

Раздел 3. Применение платформы Python для решения прикладных задач МКЭ

Тема 1. Построение и изменение расчетных сеток средствами пакетов платформы Python

Используя возможности GMSH, реализованного как пакет для платформы Python:

1. Построить 3D модель двухслойной пластины квадратной в плане. Полагая, что первый слой пластины изготовлен из стали, а второй из пластика, и пластина жестко закреплена по периметру определить первые 5 частот в форм собственных колебаний.
2. Построить 3D модель двухслойной пластины квадратной в плане. Полагая, что первый слой пластины изготовлен из стали, а второй из пластика, и пластина жестко закреплена по периметру определить влияние толщины пластикового слоя на величину 1-й частоты собственных колебаний пластины.
3. Построить 3D модель типового элемента системы пассивного воздушного охлаждения. Полагая, что элемент изготовлен из алюминиевого сплава, имеет заданную толщину, равномерно нагревается по поверхности нижнего основания, и жестко закреплён по нижнему основанию определить стационарное распределение температур.
4. Построить 2D модель пластины квадратной в плане и с 8-ю отверстиями, равномерно распределенными по окружности с центром на пересечении диагоналей. Сгенерировать неструктурированную треугольную сетку Делоне. Подготовить скрипт, позволяющий определить первые 5 частот в форм собственных колебаний в приложении CalculiX, при условии жесткого закрепления по периметру.
5. Построить 3D модель сквозного отверстия в многослойной пластине из композиционного материала. Полагая, что поверхность отверстия равномерно нагревается определить стационарное распределение температур в приложении CalculiX.

Тема 2. Применение пакета FEniCS для решения прикладных задач

1. Решить задачу об остывании однородной нити.
2. Решить задачу распределении температур в сечении бесконечного цилиндра.

3. Решить задачу о распределении температур по длине цилиндра единичной длины.
4. Решить задачу теплообмене в плоской области сложной геометрии. Единое граничное условие Дирихле: поддержание одинаковой температуры на всех границах области.
5. Решить задачу теплообмене в плоской области сложной геометрии. Разные граничные условия Дирихле: поддержание отличающихся температур на разных участках границы области.
6. Решить задачу теплообмене в плоской области сложной геометрии. Единое граничное условие Неймана: теплоизоляция на всех границах области.
7. Решить задачу теплообмене в плоской области сложной геометрии. Разные граничные условия Неймана: поддержание отличающихся потоков тепла на разных участках границы области.

5. ИСПОЛЬЗУЕМЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ, НАУЧНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЕ И НАУЧНО-ПРОИЗВОДСТВЕННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

А. Образовательные технологии.

Работа в аудитории: лекции; консультации перед экзаменом.

Лекции проводятся в формате мастер-класса. Процесс изложения учебного материала сопровождается демонстрацией применения изучаемых технологий моделирования. При чтении лекций используются элементы интерактивности – наиболее важные элементы лекций обсуждаются с аудиторией в режиме «вопрос-ответ».

Внеаудиторная работа: изучение пройденных на лекциях тем; самостоятельное изучение литературы; самостоятельная работа, включающая выполнение практических заданий, предназначенная для закрепления теоретической части курса и получения практических навыков их применения (в объеме 72 часов).

Б. Научно-исследовательские технологии: в ходе самостоятельной работы студенты изучают математическое моделирование прикладных задач.

В. Научно-производственные технологии: используются технологии работы с современным программным обеспечением.

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ.

А. Учебно-методические рекомендации для обеспечения самостоятельной работы студентов: в ходе самостоятельной работы студенту следует использовать конспект лекций, основную и дополнительную литературу по курсу и Интернет-ресурсы.

Б. Примерный список заданий для проведения текущей и промежуточной аттестации (темы для докладов, рефератов, презентаций):

1. Современные CAD/CAM/CAE комплексы: назначение, структура, применение.
2. Свободно распространяемый комплекс параметрического трехмерного проектирования FreeCAD
3. Свободно распространяемое приложение GMSH: построение геометрии.

4. Свободно распространяемое приложение GMSH: генерация расчетных сеток.
5. Свободно распространяемое приложение GMSH: экспорт сеток в форматы передачи графических данных.
6. Свободно распространяемое приложение GMSH: экспорт сеток в вычислительные приложения.
7. Свободно распространяемое приложение CalculiX: решение задач о собственных колебаниях.
8. Свободно распространяемое приложение CalculiX: решение задач термоупругости.
9. Свободно распространяемое приложение CalculiX: решение задач устойчивости.
10. Свободно распространяемое приложение CalculiX: решение задач для неоднородных областей.
11. Свободно распространяемое приложение CalculiX: решение нестационарных задач.
12. GMSH как пакет платформы Python: построение геометрии средствами ядра GEO.
13. GMSH как пакет платформы Python: построение геометрии средствами ядра OpenCASCADE.
14. Платформа Python: определение подобластей расчетных сеток GMSH по заданному условию.
15. Платформа Python: формирование входных файлов приложения CalculiX для решение различных задач МКЭ.
16. Платформа Python: управление наборами выходных данных приложения CalculiX.
17. Платформа Python: обработка результатов расчетов.
18. Платформа Python: визуализация результатов расчетов.
19. Приложение ParaView: визуализация и анализ результатов расчетов.

В. Примерный список вопросов для проведения текущей и промежуточной аттестации:

1. Задачи современных систем автоматизированного проектирования и расчета.
2. Основные положения метода конечных элементов.
3. Назначение свободно распространяемого приложения GMSH.
4. Особенности построения круговых элементов геометрии в GMSH.
5. Способы построения трехмерной геометрии в GMSH.
6. Отличие результатов построения расчетных сеток алгоритмами Делоне и FRONTAL.
7. Понятие порядка конечного элемента.
8. Назначение свободно распространяемого приложения CalculiX.
9. Создание групп элементов для указания отличающихся свойств материалов в CalculiX.
10. Создание групп граней элементов для указания поверхностных нагрузок в CalculiX.
11. Создание групп узлов для указания граничных условий в CalculiX.
12. Создание групп узлов для указания узловых нагрузок в CalculiX.
13. Вариационные постановки задач для уравнений в частных производных.
14. Формулировка вариационных постановок в пакете FEniCS.
15. Формулировка в пакете FEniCS граничных одинаковых условий Дирихле на всех границах области.
16. Формулировка в пакете FEniCS разных граничных условий Дирихле на разных границах области.

17. Формулировка в пакете FEniCS граничных одинаковых условий Неймана на всех границах области.
18. Формулировка в пакете FEniCS разных граничных условий Неймана на разных границах области.
19. Алгоритм решения в пакете FEniCS уравнений в частных производных зависящих от времени.

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

7.1. Основная литература:

	Автор	Название книги/статьи	Место издания	Издательство	Год издания
1	Ушаков Д.М.	Введение в математические основы САПР	Москва	ДМК Пресс	2015
2	Малюх В.М.	Введение в современные САПР	Москва	ДМК Пресс	2017
3		Операционные системы. Внутреннее устройство и принципы проектирования	Москва	Диалектика	2020
4	Большаков В.П.	Твердотельное моделирование деталей в САД-системах	СПб	Питер	2016
5	Вабищевич П.Н.	Численные методы. Вычислительный практикум.	Москва	ЛИБРОКОМ	2010
6	Ли К.	Основы САПР CAD/CAM/CAE	СПб	Питер	2004

7.2. Дополнительная литература:

	Автор	Название книги/статьи	Место издания	Издательство	Год издания
1	Прохоренок Н.А.	Python3 и PyQt. Разработка приложений	СПб	БХВ	2013
2	Норенков И.П.	Основы автоматизированного проектирования	Москва	МГТУ им.Н.Э. Баумана	2002
3	Саммерфилд М.	Программирование на Python 3	Москва	Символ	2019

8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

А. Помещения: Оборудованные лекционные аудитории.

Б. Оборудование: Ноутбук, мультимедийный проектор, экран для демонстрации решения задач в интерактивном режиме, компьютерный класс для практической апробации студентами лекционных примеров.

Автор-составитель: к.т.н., доцент факультета ВМК МГУ Русол А.В.